题型一 竖直面内的圆周运动

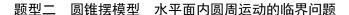
1.杂技演员表演"水流星",在长为 1.6 m 的细绳的一端,系一个与水的总质量为 m=0.5 kg 的大小不计的盛水容器,以绳的另一端为圆心,在竖直平面内做圆周运动,如图 1 所示,若"水流星"通过最高点时的速率为 4 m/s,则下列说法正确的是(g 取 10 m/s²)(

- A. "水流星"通过最高点时,有水从容器中流出
- B. "水流星"通过最高点时,绳的张力及容器底部受到的压力均为零
- C. "水流星"通过最高点时,处于完全失重状态,不受力的作用
- D. "水流星"通过最高点时,绳子的拉力大小为5N
- 2. 某飞行员的质量为m,驾驶飞机在竖直面内以速度v做匀速圆周运动,圆的半径为R,重力加速度为g,飞行员对座椅的压力在最低点比最高点大(设飞行员始终垂直于座椅的表面)()
- A. mg

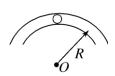
B. 2mg

C. $mg + \frac{mv^2}{R}$

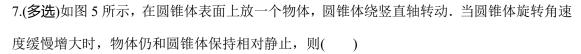
- D. $2\frac{mv^2}{R}$
- 3.(**多选**)如图 2 所示,一个内壁光滑的弯管处于竖直平面内,其中管道半径为 R.现有一个半径略小于弯管横截面半径的光滑小球在弯管里运动,小球通过最高点时的速率为 v_0 ,重力加速度为 g,则下列说法中正确的是(
- A. 若 $v_0 = \sqrt{gR}$,则小球对管内壁无压力
- B. 若 $v_0 > \sqrt{gR}$,则小球对管内上壁有压力
- C. 若 $0 < v_0 < \sqrt{gR}$,则小球对管内下壁有压力
- D. 不论 v_0 多大,小球对管内下壁都有压力
- 4. (多选)(2020·烟台二中高一月考)如图 3 所示,轻杆一端固定在光滑水平轴 O 上,另一端固定一质量为 m 的小球. 给小球一初速度,使其在竖直平面内做圆周运动,且刚好能通过最高点 P,重力加速度为 g,下列说法正确的是()
- A. 小球在最高点时对杆的作用力为零
- B. 小球在最高点时对杆的作用力大小为 mg
- C. 若增大小球的初速度,则在最高点时球对杆的力一定增大
- D. 若增大小球的初速度,则在最高点时球对杆的力可能增大



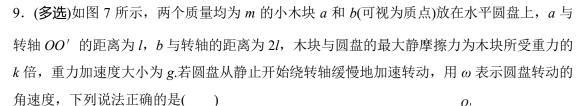
- 5. (多选)假设飞机转弯时空气对飞机的升力与机翼的平面垂直. 若质量为m 的飞机以恒定的速率v 在水平面内做圆周运动,其轨道半径大小为R,机翼平面与水平方向成一定的角度,飞机所在处的重力加速度大小为g,则下列说法正确的是()
- A. 空气对飞机的作用力大小为 mg



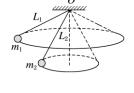
- B. 飞机所受的升力大小为 $m\frac{v^2}{R}$
- C. 飞机所受的合力大小为 $m\frac{v^2}{R}$
- D. 如果保持机翼与水平方向的夹角不变,轨道半径随飞机速度的增大而增大
- 6. (多选)如图 4 所示,两根长度相同的细线分别系有两个完全相同的小球,细线的上端都系 于 O 点,设法让两个小球在不同的水平面上做匀速圆周运动.已知 L_1 跟竖直方向的夹角为 60°, L₂ 跟竖直方向的夹角为 30°, 下列说法正确的是(
- A. 细线 L_1 和细线 L_2 所受的拉力大小之比为 $\sqrt{3}$: 1
- B. 小球 m_1 和 m_2 的角速度大小之比为 $\sqrt{3}$:1
- C. 小球 m_1 和 m_2 的向心力大小之比为 3:1
- D. 小球 m_1 和 m_2 的线速度大小之比为 $3\sqrt{3}:1$

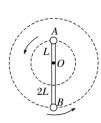


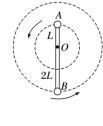
- A. 物体受到的支持力减小
- B. 物体受到的合外力不变
- C. 圆锥对物体的作用力不变
- D. 物体受到的静摩擦力增大
- 8. (多选)(2020·全国高一课时练习)如图 6 所示,轻杆长为 3L,在杆的 $A \times B$ 两端分别固定质 量均为m的球A和球B,杆上距球A为L处的点O装在光滑水平转动轴上,杆和球在竖直 面内做匀速圆周运动,且杆对球A、B的最大约束力相同,重力加速度为g,则(
- A. B 球在最低点较 A 球在最低点更易脱离轨道
- B. 若 B 球在最低点时杆作用力为 3mg,则 A 球在最高点受杆的拉力
- C. 若某一周 A 球在最高点和 B 球在最高点受杆的力大小相等,则 A球受杆的支持力、B球受杆的拉力
- D. 若每一周做匀速圆周运动的角速度都增大,则同一周 B 球在最高 点受杆的力一定大于A球在最高点受杆的力



- A. b 一定比 a 先开始滑动
- B. a、b 所受的摩擦力始终相等







C.
$$\omega = \sqrt{\frac{kg}{2l}} \mathbb{E} b$$
 开始滑动的临界角速度

D. 当
$$\omega = \sqrt{\frac{2kg}{3l}}$$
时, a 所受摩擦力的大小为 kmg

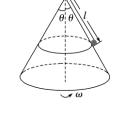
10.如图 8 所示,半径为 R、内径很小的光滑半圆管竖直放置,两个质量均为 m 的小球 A、B从水平地面上以不同速率进入管内,A 通过最高点 C 时,对管壁上部的压力为 3mg,B 通过最高点 C 时,对管壁下部的压力为 0.75mg.g 为重力加速度,忽略空气阻力,求 A、B 两球落地点间的距离.

11.如图 9 所示,用一根长为 l=1 m 的细线,一端系一质量为 m=1 kg 的小球(可视为质点),另一端固定在一光滑锥体顶端,锥面与竖直方向的夹角 $\theta=37^\circ$,当小球在水平面内绕锥体的轴做匀速圆周运动的角速度为 ω 时,细线的张力为 $F_{\rm T}$.(g 取 10 m/s²,sin $37^\circ=0.6$,cos $37^\circ=0.6$

(1)若要小球离开锥面,则小球的角速度 ω_0 至少为多大?

0.8, 结果可用根式表示)

(2)若细线与竖直方向的夹角为 60° ,则小球的角速度 ω' 为多大?



12.如图 10 所示,水平转盘的中心有一个光滑的竖直小圆孔,质量为m 的物体 A 放在转盘上,物体 A 到圆孔的距离为r,物体 A 通过轻绳与物体 B 相连,物体 B 的质量也为m.若物体 A 与转盘间的动摩擦因数为 $\mu(\mu<1)$,则转盘转动的角速度 ω 在什么范围内,才能使物体 A 随转盘转动而不滑动?(已知最大静摩擦力等于滑动摩擦力,重力加速度为g)

