

江苏省仪征中学 2020 届高三年级第一学期 B 版午间 “3+1” (33)

2019 年 11 月 26

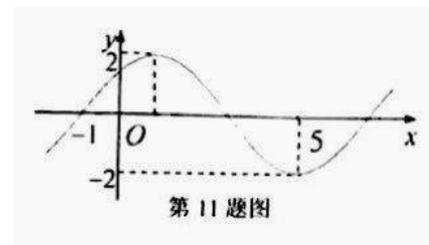
班级 _____ 姓名 _____ 学号 _____ 评价 _____

请将填空题答案填在横线上，并将每个题目的解答过程写在题目下方。

1. 已知条件 $p: x > a$, 条件 $q: \frac{1-x}{x+2} > 0$. 若 p 是 q 的必要不充分条件, 则实数 a 的取值范围是_____.

2. 在平面直角坐标系 xOy 中, 已知双曲线 $\frac{x^2}{m} - \frac{y^2}{m+1} = 1$ 的一个焦点为 $(3, 0)$, 则双曲线的渐近线方程为_____.

3. 若函数 $f(x) = A \sin(\omega x + \varphi)$ ($A > 0, \omega > 0, 0 < \varphi < \frac{\pi}{2}$) 的部分图像如图所示, 则函数 $f(x)$ 在 $[-\pi, 0]$ 上的单调增区间为_____.



4. 已知 $a \in \mathbf{R}$, 函数 $f(x) = a - \frac{1}{|x|}$.

(1) 若 $f(x) \leq 2x$ 对 $x \in (0, 2)$ 恒成立, 求实数 a 的取值范围;

(2) 当 $a=1$ 时, 解不等式 $f(x) \geq 2x$.

答案

1. $a \leq -2$

2. $y = \pm \frac{\sqrt{5}}{2} x$

3. $(-3, 0)$

4. 解: (1) $\because f(x) \leq 2x$ 对 $x \in (0, 2)$ 恒成立 $\therefore a \leq \frac{1}{x} + 2x$ 对 $x \in (0, 2)$ 恒成立

$$\therefore \frac{1}{x} + 2x \geq 2\sqrt{2}, \text{ 当且仅当 } \frac{1}{x} = 2x, \text{ 即 } x = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ 时取等号, } \therefore a \leq 2\sqrt{2}$$

(2) 当 $a=1$ 时, $f(x) = 1 - \frac{1}{|x|}$, $\because f(x) \geq 2x \therefore 1 - \frac{1}{|x|} \geq 2x \dots\dots (*)$

①若 $x > 0$, 则 (*) 可化为: $2x^2 - x + 1 \leq 0$, 所以 $x \in \emptyset$; ...9
分

②若 $x < 0$, 则 (*) 可化为: $2x^2 - x - 1 \geq 0$, 解得: $x \geq 1$ 或 $x \leq -\frac{1}{2}$, $\because x < 0 \therefore$

$$x \leq -\frac{1}{2}$$

由①②可得, (*) 的解集为 $(-\infty, -\frac{1}{2}]$14

分