

江苏省仪征中学 2020 届高三年级第一学期 B 版午间 “3+1” (33)

2019 年 11 月 26

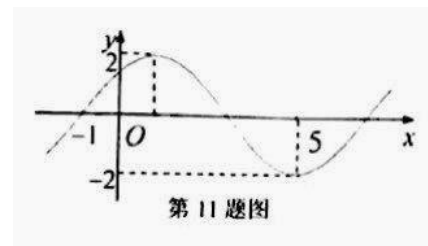
班级 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 学号 \_\_\_\_\_ 评价 \_\_\_\_\_

请将填空题答案填在横线上，并将每个题目的解答过程写在题目下方。

1. 已知条件  $p: x > a$ , 条件  $q: \frac{1-x}{x+2} > 0$ . 若  $p$  是  $q$  的必要不充分条件, 则实数  $a$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

2. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 已知双曲线  $\frac{x^2}{m} - \frac{y^2}{m+1} = 1$  的一个焦点为  $(3, 0)$ , 则双曲线的渐近线方程为\_\_\_\_\_.

3. 若函数  $f(x) = A \sin(\omega x + \varphi)$  ( $A > 0, \omega > 0, 0 < \varphi < \frac{\pi}{2}$ ) 的部分图像如图所示, 则函数  $f(x)$  在  $[-\pi, 0]$  上的单调增区间为\_\_\_\_\_.



4. 已知  $a \in \mathbf{R}$ , 函数  $f(x) = a - \frac{1}{|x|}$ .

(1) 若  $f(x) \leq 2x$  对  $x \in (0, 2)$  恒成立, 求实数  $a$  的取值范围;

(2) 当  $a=1$  时, 解不等式  $f(x) \geq 2x$ .

答案

1.  $a \leq -2$

2.  $y = \pm \frac{\sqrt{5}}{2} x$

3.  $(-3, 0)$

4. 解: (1)  $\because f(x) \leq 2x$  对  $x \in (0, 2)$  恒成立  $\therefore a \leq \frac{1}{x} + 2x$  对  $x \in (0, 2)$  恒成立

$\therefore \frac{1}{x} + 2x \geq 2\sqrt{2}$ , 当且仅当  $\frac{1}{x} = 2x$ , 即  $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$  时取等号,  $\therefore a \leq 2\sqrt{2}$

(2) 当  $a=1$  时,  $f(x) = 1 - \frac{1}{|x|}$ ,  $\because f(x) \geq 2x \therefore 1 - \frac{1}{|x|} \geq 2x \dots\dots (*)$

①若  $x > 0$ , 则 (\*) 可化为:  $2x^2 - x + 1 \leq 0$ , 所以  $x \in \emptyset$ ; ...9  
分

②若  $x < 0$ , 则 (\*) 可化为:  $2x^2 - x - 1 \geq 0$ , 解得:  $x \geq 1$  或  $x \leq -\frac{1}{2}$ ,  $\because x < 0 \therefore$

$x \leq -\frac{1}{2}$

由①②可得, (\*) 的解集为  $(-\infty, -\frac{1}{2}]$ . ...14

分