

江苏省仪征中学 2020 届高三年级第一学期 B 版午间 “3+1” (26)

2019 年 10 月 28

班级 _____ 姓名 _____ 学号 _____ 评价 _____

请将填空题答案填在横线上，并将每个题目的解答过程写在题目下方。

1. 在平面直角坐标系 xOy 中，若双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的离心率为 $\sqrt{10}$ ，则双曲线 C 的渐近线方程为 _____。

2. 已知 $0 < y < x < \pi$ ，且 $\tan x \tan y = 2, \sin x \sin y = \frac{1}{3}$ ，则 $x - y =$ _____。

3. 在平面直角坐标 xOy 中，已知点 $A(1,0), B(4,0)$ ，若直线 $x - y + m = 0$ 上存在点 P 使得 $|PA| = \frac{1}{2}|PB|$ ，则实数 m 的取值范围是 _____。

4. 已知 $0 < \beta < \frac{\pi}{2} < \alpha < \frac{3\pi}{4}, \cos\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) = \frac{3}{5}, \sin\left(\frac{3\pi}{4} + \beta\right) = \frac{5}{13}$ ，求
(1) $\cos \alpha$; (2) $\sin(\alpha + \beta)$.

B 版午间 “3+1” (26)
2019 年 10 月 28

1. $y = \pm 3x$

2. $\frac{\pi}{3}$

3. $[-2\sqrt{2}, 2\sqrt{2}]$

4. 解: (1) $\because \frac{\pi}{2} < \alpha < \frac{3\pi}{4} \therefore -\frac{\pi}{2} < \frac{\pi}{4} - \alpha < -\frac{\pi}{4} \therefore \sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) < 0$

$$\therefore \sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) = -\sqrt{1 - \cos^2\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)} = -\frac{4}{5}$$

$$\therefore \cos \alpha = \cos\left[\frac{\pi}{4} - \left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)\right] = \cos \frac{\pi}{4} \cos\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) + \sin \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) = -\frac{\sqrt{2}}{10}$$

(2) $\because 0 < \beta < \frac{\pi}{2} \therefore \frac{3\pi}{4} < \beta + \frac{3\pi}{4} < \frac{5\pi}{4} \therefore \cos\left(\beta + \frac{3\pi}{4}\right) < 0$

$$\therefore \cos\left(\frac{3\pi}{4} + \beta\right) = -\sqrt{1 - \sin^2\left(\frac{3\pi}{4} + \beta\right)} = -\frac{12}{13}$$

$$\begin{aligned} \therefore \sin(\alpha + \beta) &= -\cos\left(\alpha + \beta + \frac{\pi}{2}\right) = -\cos\left[\left(\frac{3\pi}{4} + \beta\right) - \left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)\right] \\ &= -\cos\left(\frac{3\pi}{4} + \beta\right)\cos\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) - \sin\left(\frac{3\pi}{4} + \beta\right)\sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) = \frac{56}{65} \end{aligned}$$