

1. 答案 BD

解析 由于力的作用是相互的, 则 F' 和 F 大小相等、方向相反, 是作用力与反作用力, 太阳对行星的引力提供行星绕太阳做圆周运动的向心力, 故正确答案为 B、D.

2. 答案 AC

解析 由 $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ 得 $G = \frac{F \cdot r^2}{m_1 m_2}$, 所以在国际单位制中, G 的单位为 $\text{N} \cdot \text{m}^2 / \text{kg}^2$, 选项 A 正确; 引力常量是一个常数, 其大小与两物体质量以及两物体间的距离无关, 选项 B 错误; 根据万有引力定律可知, 引力常量 G 在数值上等于两个质量都是 1 kg 的可视为质点的物体相距 1 m 时的相互吸引力, 选项 C 正确; 引力常量是定值, 其数值大小由卡文迪什测出, 但其数值大小与单位制的选择有关, 选项 D 错误.

3. 答案 B

4. 答案 BD

解析 甲、乙之间的万有引力遵守牛顿第三定律, 总是大小相等、方向相反, 作用在两个物体上, 是一对相互作用力, 故 A、C 错误, B 正确; 万有引力的特殊性表明: 两物体间的万有引力只与它们本身的质量和两物体间的距离有关, 而与物体所在空间的性质无关, 也与物体周围有无其他物体无关, D 正确.

5. 答案 ABC

解析 根据万有引力定律 $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ 可知. 使两物体的质量各减小一半, 距离不变, 则万有引力变为原来的 $\frac{1}{4}$; 使其中一个物体的质量减小到原来的 $\frac{1}{4}$, 距离不变, 则万有引力变为原来的 $\frac{1}{4}$; 使两物体间的距离增大到原来的 2 倍, 质量不变, 则万有引力变为原来的 $\frac{1}{4}$; 使两物体的质量和两物体间的距离都减小到原来的 $\frac{1}{4}$, 则万有引力大小不变.

6. 答案 A

解析 把物体放到地球的中心时 $r = 0$, 此时万有引力定律不再适用. 由于地球关于球心对称, 所以吸引力相互抵消, 对整体而言, 万有引力为零, 故选项 A 正确.

7. 答案 A

解析 设地球的质量为 M , 物体质量为 m , 物体距地面的高度为 h , 根据万有引力近似等于重力, 则有 $\frac{GMm}{R^2} = mg$, $\frac{GMm}{(R+h)^2} = m \frac{g}{2}$, 联立可得 $2R^2 = (R+h)^2$, 解得 $h = (\sqrt{2} - 1)R$, 选项 A

正确.

8. 答案 B

解析 万有引力表达式为 $F = G \frac{Mm}{r^2}$, 则同一物体在火星表面与地球表面受到的引力的比值

$$\text{为 } \frac{F_{\text{火引}}}{F_{\text{地引}}} = \frac{M_{\text{火}} r_{\text{地}}^2}{M_{\text{地}} r_{\text{火}}^2} = 0.4, \text{ 选项 B 正确.}$$

9. 答案 $\frac{m_1 a^2}{m_2 (a+b)^2}$

解析 由万有引力定律得

$$\text{太阳对地球的引力 } F_1 = G \frac{Mm_1}{(a+b)^2}$$

$$\text{太阳对月球的引力 } F_2 = G \frac{Mm_2}{a^2}$$

$$\text{联立可得 } \frac{F_1}{F_2} = \frac{m_1 a^2}{m_2 (a+b)^2}$$

10. 答案 B

解析 由 $mg = G \frac{Mm}{R^2}$ 可知: $g_{\text{地}} = G \frac{M_{\text{地}}}{R_{\text{地}}^2}$, $g_{\text{星}} = G \frac{M_{\text{星}}}{R_{\text{星}}^2}$, $\frac{g_{\text{星}}}{g_{\text{地}}} = \frac{M_{\text{星}} R_{\text{地}}^2}{M_{\text{地}} R_{\text{星}}^2} = \frac{k}{p^2}$, 所以选项 B 正确.

11. 答案 A

12. 答案 (1) $G \frac{mm_2}{25r^2}$ (2) $G \frac{41mm_2}{225r^2}$

解析 (1) 被挖去的小球挖去前对 m_2 的万有引力为

$$F_2 = G \frac{mm_2}{(d-r)^2} = G \frac{mm_2}{25r^2}$$

(2) 将挖去的小球填入空穴中, 由 $V = \frac{4}{3}\pi R^3$, $m = \rho V$ 可知, 大球的质量为 $8m$, 则挖去小球前

大球对 m_2 的万有引力为

$$F_1 = G \frac{8m \cdot m_2}{(6r)^2} = G \frac{2mm_2}{9r^2}$$

m_2 所受剩余部分的万有引力为 $F = F_1 - F_2 = G \frac{41mm_2}{225r^2}$.

13. 答案 $1.92 \times 10^4 \text{ km}$

解析 卫星的升空过程可以认为是竖直向上的匀加速直线运动, 设卫星离地面的距离为 h ,

此时火箭上物体受到的重力为 mg'

在地球表面 $G\frac{Mm}{R_{地}^2} = mg$

在上升至离地面 h 时, $mg' = \frac{GMm}{(R_{地} + h)^2}$, $F_N - mg' = ma$

物体在地面上受到的重力为 160 N, 则 $m = 16 \text{ kg}$

联立解得 $\frac{(R_{地} + h)^2}{R_{地}^2} = \frac{mg}{F_N - ma}$

则 $h = (\sqrt{\frac{mg}{F_N - ma}} - 1)R_{地}$

代入数值解得 $h = 1.92 \times 10^4 \text{ km}$.

14. 答案 A

解析 设地球的密度为 ρ , 地球的质量为 $m_{地}$, 根据万有引力定律可知, 地球表面的重力加

速度 $g = \frac{Gm_{地}}{R^2}$. 地球质量可表示为 $m_{地} = \frac{4}{3}\pi R^3\rho$. 因质量分布均匀的球壳对球壳内物体的引力为

零, 所以矿井下以 $(R - d)$ 为半径的地球的质量为 $m_{地}' = \frac{4}{3}\pi(R - d)^3\rho$, 解得 $m_{地}' = (\frac{R - d}{R})^3 m_{地}$

地, 则矿井底部处的重力加速度 $g' = \frac{Gm_{地}'}{(R - d)^2}$, 矿井底部处的重力加速度和地球表面的重力

加速度之比为 $\frac{g'}{g} = 1 - \frac{d}{R}$, 选项 A 正确, 选项 B、C、D 错误.