

仪征中学 2020 届高三（上）数学中档题训练 4 2019.9.26

班级_____ 学号_____ 姓名_____ 成绩_____

一、填空题：

1. 设集合 $A = \{x | -1 \leq x \leq 2\}$, $B = \{x | 0 \leq x \leq 4\}$, 则 $A \cup B =$ _____.
2. 函数的 $y = \ln(x^2 - x - 2)$ 定义域是_____.
3. 已知 $\sin \alpha = \frac{1}{4}$, 且 $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\tan \alpha =$ _____.
4. 定义在 \mathbf{R} 上的奇函数 $f(x)$, 当 $x > 0$ 时, $f(x) = 2^x - x^2$, 则 $f(-1) + f(0) + f(3) =$ _____.
5. 函数 $y = -\cos(-2x + \frac{\pi}{3})$ 的单调递增区间是_____.
6. 设函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x - 4, & x > 0 \\ -x - 3, & x < 0 \end{cases}$, 若 $f(a) > f(1)$, 则实数 a 的取值范围是_____.
7. 若点 $P(2, -1)$ 为圆 $(x-1)^2 + y^2 = 25$ 的弦 AB 的中点, 则直线 AB 的方程为_____.
8. 已知 $x + y = 1, y > 0, x > 0$, 则 $\frac{1}{2x} + \frac{x}{y+1}$ 的最小值为_____.

二、解答题

9. 设圆上的点 $A(2, 3)$ 关于直线 $x + 2y = 0$ 的对称点 B 仍在此圆上, 且圆与直线 $x - y + 1 = 0$ 相交的弦长为 $2\sqrt{2}$, 试求圆的方程

10. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\sqrt{3}\vec{AB} \cdot \vec{AC} = |\vec{AB}||\vec{AC}|$, 设 $\angle BAC = \alpha$.

(1) 求 $\tan \alpha$ 的值;

(2) 若 $\cos \beta = \frac{3}{5}$, $\beta \in (0, \frac{\pi}{2})$, 求 $\cos(\beta - \alpha)$ 的值.

仪征中学 2020 届高三（上）数学中档题训练 4 答案

一、填空题：

1. $[-1,4]$ 2. $(-\infty,-1)\cup(2,+\infty)$ 3. $-\frac{\sqrt{15}}{15}$
4. -2 5. $(k\pi + \frac{\pi}{6}, k\pi + \frac{2\pi}{3})(k \in Z)$ 6. $a < -1$ 或 $a > 1$
7. $x - y - 3 = 0$ 8. $\frac{5}{4}$

二、解答题

9. 解：由题意可知，直线 $x + 2y = 0$ 为圆的一条直径所在的直线，故可设圆心 (a, b) ，

则其到直线 $x - y + 1 = 0$ 的距离为 $\frac{|a - b + 1|}{\sqrt{2}}$ ，从而弦长为 $2\sqrt{r^2 - \left(\frac{|a - b + 1|}{\sqrt{2}}\right)^2} = 2\sqrt{2}$

所以， $2r^2 - (a - b + 1)^2 = 4$ ，又 $r = \sqrt{(a - 2)^2 + (b - 3)^2}$ ， $a + 2b = 0$ ，解得

$a = 6, b = -3, r = \sqrt{52}$ 或 $a = 14, b = -7, r = \sqrt{244}$ ，所以所求圆的方程为

$$(x - 6)^2 + (y + 3)^2 = 52, \text{ 或 } (x - 14)^2 + (y + 7)^2 = 244$$

10. (1) $\tan\alpha = \sqrt{2}$; (2) $\frac{3\sqrt{3} + 4\sqrt{6}}{15}$.