

期末综合小练 (4)

1. 已知向量 $\vec{a} = (1, -2)$, $\vec{b} = (-2, 1)$, 则 $|\vec{a} + \vec{b}| = ()$
A. $2\sqrt{5}$ B. 2 C. $\sqrt{2}$ D. 1
2. 将三角函数 $y = \sin(2x + \frac{\pi}{6})$ 向左平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位后, 得到的函数解析式为 ()
A. $y = \cos 2x$ B. $y = \sin(2x + \frac{\pi}{3})$
C. $y = \sin 2x$ D. $y = \sin(2x - \frac{\pi}{6})$
3. 已知向量 $a = (\sin x, \cos x)$, $b = (1, -2)$. 且 $a \perp b$, 则 $\sin x \cos x = \underline{\hspace{2cm}}$.
4. 已知向量 $\vec{a} = (-3, 1)$, $\vec{b} = (1, -2)$, $\vec{m} = \vec{a} + k\vec{b} (k \in R)$.
- (1) 若 \vec{m} 与向量 $2\vec{a} - \vec{b}$ 垂直, 求实数 k 的值;
- (2) 若向量 $\vec{c} = (1, -1)$, 且 \vec{m} 与向量 $k\vec{b} + \vec{c}$ 平行, 求实数 k 的值.

小练(4)答案和解析

1. 【答案】C

【解析】【分析】

本题主要考查向量的坐标运算，向量的模，属于基础题.

根据向量的坐标运算法则求得 $\vec{a} + \vec{b} = (-1, -1)$ ，则 $|\vec{a} + \vec{b}| = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$.

【解答】

解： $\because \vec{a} = (1, -2), \vec{b} = (-2, 1)$,

$\therefore \vec{a} + \vec{b} = (-1, -1)$,

$\therefore |\vec{a} + \vec{b}| = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$.

故选 C.

2. 【答案】A

【解析】【分析】

本题主要考查函数 $y = A\sin(\omega x + \varphi)$ 的图象变换规律，属于基础题.

利用函数 $y = A\sin(\omega x + \varphi)$ 的图象变换规律，得出结论.

【解答】

解：将三角函数 $y = \sin(2x + \frac{\pi}{6})$ 向左平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位后，

得到的函数解析式为 $y = \sin[2(x + \frac{\pi}{6}) + \frac{\pi}{6}] = \cos 2x$,

故选 A.

3. 【答案】 $\frac{2}{5}$

【解析】【分析】

本题考查向量垂直的判定方法，向量的坐标运算、同角三角函数基本关系式. 关键是掌握向量的数量积的坐标计算公式.

根据题意，由向量 \vec{a}, \vec{b} 的坐标结合 $\vec{a} \perp \vec{b}$ 可得 $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ ，解可得 $\tan x$ 的值，根据同角三角函数基本关系式化简求解即可.

【解答】

解： $\because \vec{a} = (\sin x, \cos x), \vec{b} = (1, -2), \vec{a} \perp \vec{b}$,

$\therefore \vec{a} \cdot \vec{b} = \sin x - 2\cos x = 0$,

$\therefore \tan x = 2$.

$\therefore \sin \alpha \cos \alpha = \frac{\sin \alpha \cos \alpha}{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha} = \frac{\tan \alpha}{\tan^2 \alpha + 1} = \frac{2}{5}$.

故答案为 $\frac{2}{5}$.

4. 【答案】解：(1)由题意， $\because \vec{a} = (-3, 1), \vec{b} = (1, -2)$,

$\therefore \vec{m} = \vec{a} + k\vec{b} = (-3, 1) + (k, -2k) = (-3 + k, 1 - 2k)$,

$2\vec{a} - \vec{b} = (-6, 2) - (1, -2) = (-7, 4)$,

$\therefore \vec{m}$ 与向量 $2\vec{a} - \vec{b}$ 垂直，

$\therefore -7(-3 + k) + 4 \times (1 - 2k) = 21 - 7k + 4 - 8k = 25 - 15k = 0$,

解得 $k = \frac{5}{3}$;

(2)由题意， $k\vec{b} + \vec{c} = (k, -2k) + (1, -1) = (k + 1, -2k - 1)$,

由(1)知， $\vec{m} = (-3 + k, 1 - 2k)$,

$\therefore \vec{m}$ 与向量 $k\vec{b} + \vec{c}$ 平行，

$\therefore (-2k - 1)(-3 + k) - (1 - 2k)(k + 1) = 0$,

解得 $k = -\frac{1}{3}$.