

江苏省仪征中学 2020 届高三年级第一学期 B 版午间 “3+1” (38)
2019 年 12 月 6

班级_____ 姓名_____ 学号_____ 评价_____

请将填空题答案填在横线上，并将每个题目的解答过程写在题目下方。

1. 已知函数 $f(x)$ 是定义在 R 上且周期为 4 的偶函数，当 $x \in [2, 4]$ 时，
 $f(x) = |\log_4(x - \frac{3}{2})|$ ，则 $f(\frac{1}{2})$ 的值为_____。

2. 在平面直角坐标系中， O 为原点， $A(-1,0), B(0, \sqrt{3}), C(3,0)$ ，动点 D 满足
 $|\overline{CD}| = 1$ ，则 $|\overline{OA} + \overline{OB} + \overline{OD}|$ 的最大值是_____。

3 设 $a > b > 0$ ，则 $a + \frac{1}{b} + \frac{1}{a-b}$ 的最小值为_____。

4. 在 $\triangle ABC$ 中，角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c ，已知 a, b, c 成等比数列，且

$$\cos B = \frac{3}{4}$$

(1) 若 $\overline{BA} \cdot \overline{BC} = \frac{3}{2}$ ，求 $a+c$ 的值； (2) 求 $\frac{\cos A}{\sin A} + \frac{\cos C}{\sin C}$ 的值。

1. $\frac{1}{2}$

2. $\sqrt{7}+1$;

3. 4;

4.

解:(1)由 $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{3}{2}$ 可得 $ac \cdot \cos B = \frac{3}{2}$, 因为

$$\cos B = \frac{3}{4}, \text{ 所以 } b^2 = ac = 2.$$

由余弦定理 $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$, 得

$$a^2 + c^2 = b^2 + 2ac \cos B = 5,$$

则 $(a+c)^2 = a^2 + c^2 + 2ac = 9$, 故 $a+c=3$

(2)由 $\cos B = \frac{3}{4}$ 可得 $\sin B = \frac{\sqrt{7}}{4}$.

由 $b^2 = ac$ 及正弦定理得 $\sin^2 B = \sin A \sin C$,

于是

$$\begin{aligned} \frac{\cos A}{\sin A} + \frac{\cos C}{\sin C} &= \frac{\sin C \cos A + \cos C \sin A}{\sin A \sin C} = \\ \frac{\sin(A+C)}{\sin^2 B} &= \frac{\sin B}{\sin^2 B} = \frac{1}{\sin B} = \frac{4\sqrt{7}}{7} \end{aligned}$$