

江苏省仪征中学 2020 届高三年级第一学期 B 版午间 “3+1” (38)  
2019 年 12 月 6

班级\_\_\_\_\_ 姓名\_\_\_\_\_ 学号\_\_\_\_\_ 评价\_\_\_\_\_

请将填空题答案填在横线上，并将每个题目的解答过程写在题目下方。

1. 已知函数  $f(x)$  是定义在  $R$  上且周期为 4 的偶函数，当  $x \in [2, 4]$  时，

$$f(x) = |\log_4(x - \frac{3}{2})|, \text{ 则 } f(\frac{1}{2}) \text{ 的值为 } \underline{\hspace{2cm}}.$$

2. 在平面直角坐标系中， $O$  为原点， $A(-1,0), B(0, \sqrt{3}), C(3,0)$ ，动点  $D$  满足  $|\overline{CD}| = 1$ ，则  $|\overline{OA} + \overline{OB} + \overline{OD}|$  的最大值是\_\_\_\_\_。

3 设  $a > b > 0$ ，则  $a + \frac{1}{b} + \frac{1}{a-b}$  的最小值为\_\_\_\_\_。

4. 在  $\triangle ABC$  中，角  $A, B, C$  的对边分别为  $a, b, c$ ，已知  $a, b, c$  成等比数列，且

$$\cos B = \frac{3}{4}$$

(1) 若  $\overline{BA} \cdot \overline{BC} = \frac{3}{2}$ ，求  $a+c$  的值； (2) 求  $\frac{\cos A}{\sin A} + \frac{\cos C}{\sin C}$  的值。

1.  $\frac{1}{2}$

2.  $\sqrt{7}+1$ ;

3. 4;

4.

解:(1)由  $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{3}{2}$  可得  $ac \cdot \cos B = \frac{3}{2}$ , 因为

$$\cos B = \frac{3}{4}, \text{ 所以 } b^2 = ac = 2.$$

由余弦定理  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$ , 得

$$a^2 + c^2 = b^2 + 2ac \cos B = 5,$$

则  $(a+c)^2 = a^2 + c^2 + 2ac = 9$ , 故  $a+c=3$

(2)由  $\cos B = \frac{3}{4}$  可得  $\sin B = \frac{\sqrt{7}}{4}$ .

由  $b^2 = ac$  及正弦定理得  $\sin^2 B = \sin A \sin C$ ,

于是

$$\begin{aligned} \frac{\cos A}{\sin A} + \frac{\cos C}{\sin C} &= \frac{\sin C \cos A + \cos C \sin A}{\sin A \sin C} = \\ \frac{\sin(A+C)}{\sin^2 B} &= \frac{\sin B}{\sin^2 B} = \frac{1}{\sin B} = \frac{4\sqrt{7}}{7} \end{aligned}$$