

江苏省仪征中学 2024-2025 学年度第一学期高三数学学科导学案

平面向量基本定理及坐标表示

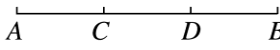
研制人：居璇 审核人：冯杰

班级：_____ 姓名：_____ 学号：_____ 授课日期：_____

【课标要求】

1. 了解平面向量基本定理及其意义，掌握平面向量的正交分解及其坐标表示；
2. 会用坐标表示平面向量的加法、减法与数乘运算，理解用坐标表示的平面向量共线的条件。

【基础训练】

1. 已知向量 $\mathbf{a}=(1, 1)$, $2\mathbf{a}+\mathbf{b}=(4, 3)$, $\mathbf{c}=(x, -2)$, 若 $\mathbf{b}\parallel\mathbf{c}$, 则 x 的值为()
A. 4 B. -4 C. 2 D. -2
2. (多选)如图所示, C, D 是线段 AB 上的两个三等分点, 则下列关系式正确的是()
A. $\vec{AB}=3\vec{AC}$ B. $\vec{DA}=-2\vec{CD}$ C. $\vec{AC}+\vec{BD}=\mathbf{0}$ D. $\vec{BC}=\vec{AD}$

3. 已知平行四边形 $ABCD$ 的顶点 $A(-1, -2)$, $B(3, -1)$, $C(5, 6)$, 则顶点 D 的坐标为_____.
4. 设 $\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2$ 是平面内一组基底, 若 $\lambda_1\mathbf{e}_1+\lambda_2\mathbf{e}_2=\mathbf{0}$, 则 $\lambda_1+\lambda_2=_____$.
5. 已知向量 $\mathbf{a}=(2, 3)$, $\mathbf{b}=(-1, 2)$, 若 $m\mathbf{a}+n\mathbf{b}$ 与 $\mathbf{a}-2\mathbf{b}$ 共线, 则 $\frac{m}{n}=_____$.
6. “勾3股4弦5”是勾股定理的一个特例. 根据记载, 西周时期的数学家商高曾经和周公讨论过“勾3股4弦5”的问题, 比毕达哥拉斯发现勾股定理早了500多年. 在矩形 $ABCD$ 中, $\triangle ABC$ 满足“勾3股4弦5”, 且 $AB=3$, E 为 AD 上一点, $BE\perp AC$. 若 $\vec{BE}=\lambda\vec{BA}+\mu\vec{BC}$, 则 $\lambda+\mu$ 的值为_____.

【知识梳理】

1. 平面向量基本定理
2. 平面向量基本定理的应用
3. 平面向量的坐标运算

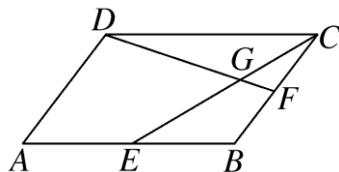
【例题精讲】

一、平面向量基本定理

例 1. (1) 在 $\triangle ABC$ 中, 点 D, E 分别在边 BC, AC 上, 且 $\vec{BD} = 2\vec{DC}$, $\vec{CE} = 3\vec{EA}$, 若 $\vec{AB} = \mathbf{a}$, $\vec{AC} = \mathbf{b}$, 则 \vec{DE} 等于()

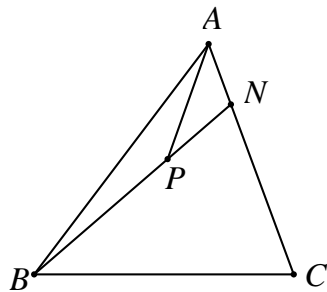
- A. $\frac{1}{3}\mathbf{a} + \frac{5}{12}\mathbf{b}$ B. $\frac{1}{3}\mathbf{a} - \frac{13}{12}\mathbf{b}$ C. $-\frac{1}{3}\mathbf{a} - \frac{5}{12}\mathbf{b}$ D. $-\frac{1}{3}\mathbf{a} + \frac{13}{12}\mathbf{b}$

(2) 如图, 在平行四边形 $ABCD$ 中, E, F 分别为边 AB, BC 的中点, 连接 CE, DF , 交于点 G . 若 $\vec{CG} = \lambda\vec{CD} + \mu\vec{CB}$ ($\lambda, \mu \in \mathbf{R}$), 则 $\frac{\lambda}{\mu} =$ _____.



变式: 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\vec{AN} = \frac{1}{3}\vec{NC}$, 点 P 是 BN 上的一点, 若 $\vec{AP} = m\vec{AB} + \frac{2}{11}\vec{AC}$, 则实数 m 的值为()

- A. $\frac{9}{11}$ B. $\frac{5}{11}$
C. $\frac{3}{11}$ D. $\frac{2}{11}$



二、平面向量的坐标运算

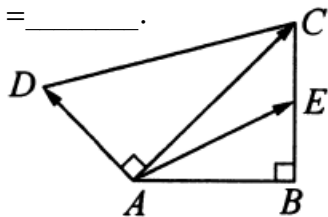
例 2. (1) 已知 $\vec{a} = (1, 2)$, $\vec{b} = (1, 0)$, $\vec{c} = (3, 4)$. 若 λ 为实数, $(\vec{a} + \lambda\vec{b}) \parallel \vec{c}$, 则 $\lambda =$ ()

- A. 2 B. 1 C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{1}{4}$

(2) 在 $\triangle ABC$ 中, 已知点 $O(0, 0)$, $A(0, 5)$, $B(4, 3)$, $\vec{OC} = \frac{1}{4}\vec{OA}$, $\vec{OD} = \frac{1}{2}\vec{OB}$, AD 与 BC 交于点 M , 则点 M 的坐标为 _____.

三、选用基底或坐标解决相关问题

例 3. 如图, 在平面四边形 $ABCD$ 中, $\angle CBA = \angle CAD = 90^\circ$, $\angle ACD = 30^\circ$, $AB = BC$, 点 E 为线段 BC 的中点. 若 $\vec{AC} = \lambda\vec{AD} + \mu\vec{AE}$ ($\lambda, \mu \in \mathbf{R}$), 则 $\lambda =$ _____, $\mu =$ _____.



【课堂小结】